

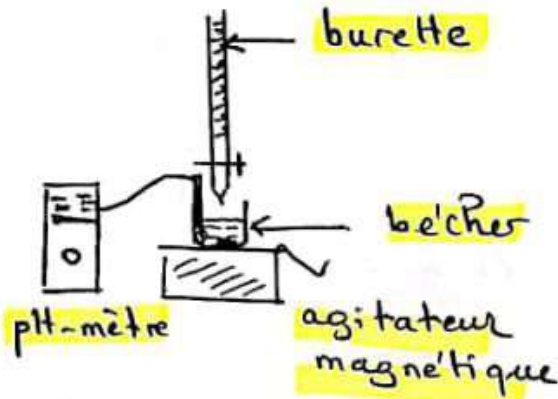
Correction de l'examen

4

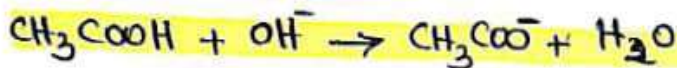
blanc . Mai 2020

Exercice 1 : chimie

1-1-)



1-2-) equation de la reaction de dosage:



Caract'eristiques :

- rapide
- totale
- selective

1-3-) d'apr'es la courbe, on a:

$$V_{BE} = 10 \text{ mL}$$

d'apr'es la relation d'equivalence

$$\text{on a: } C_a \cdot V_a = C_b \cdot V_{BE}$$

$$\Rightarrow C_a = \frac{C_b \cdot V_{BE}}{V_a}$$

$$\text{A.N: } C_a = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

1-4-) on compare pH à pKa

$$\text{pH} = 7 \text{ et } \text{pKa} = 4,8$$

on remarque que $\text{pH} > \text{pKa}$

donc la base CH_3COO^- est l'esp'ce dominante.

1-5-) d'apr'es la relation :

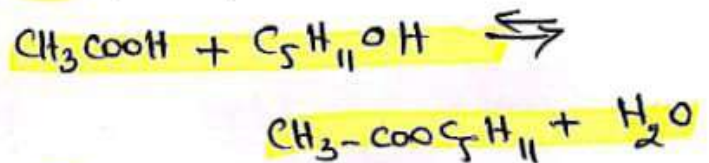
$$\text{pH} = \text{pKa} + \log \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{eq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{eq}}}$$

on deduit que : $\text{pH} = \text{pKa}$

$$\text{C.a.d: } \text{pH} = 4,8$$

sur la courbe on lit le volume correspondant : $V_b = 5,1 \text{ mL}$

2-1-) equation de la reaction:



2-2-) deux caract'eristiques :

- limitee
- lente

2-3-) a- acc'elerer la reaction sans perte de mat'iere

b- tableau descriptif

Calculons d'abord la quantite' de mat'iere initiale de (A)

$$n_0(A) = \frac{m}{M} = \frac{\rho \cdot V_A}{M}$$

$$= \frac{1,05 \times 28,6}{60} = 0,5 \text{ mol}$$

equation	(A) + (B)	(P) + eau
$t=0$	0,50 0,50	0 0
t	0,50-u 0,50-u	u u
t_{eq}	0,50-u _{eq} 0,50-u _{eq}	u _{eq} u _{eq}

pour calculer u_{eq} , on sait que

$$u_{\text{eq}} = n(P) = \frac{m(P)}{M(P)}$$

donc $x_{eq} = \frac{43,40}{130} = 0,33 \text{ mol}$

en utilisant le tableau, on détermine la quantité de matière de chaque constituant du mélange à l'équilibre:

$n(P) = 0,33 \text{ mol}$

$n(H_2O) = 0,33 \text{ mol}$

$n(A) = 0,50 - 0,33 = 0,17 \text{ mol}$

$n(B) = 0,50 - 0,33 = 0,17 \text{ mol}$

e) le rendement.

$r = \frac{n(P)_{exp}}{n(P)_{th}} = \frac{x_{eq}}{x_{max}}$

le mélange est équi-molaire

donc: $x_{max} = 0,50 \text{ mol}$

donc: $r = \frac{0,33}{0,50} = 1 \Rightarrow r = 66\%$

Exercice 2

1-) la durée entre deux photos successives est: $\frac{1}{2f} =$
or entre la photo 8 et la photo 12, il y'a 4 fois cette durée.

$\Delta t = 4 \times \frac{1}{2f}$

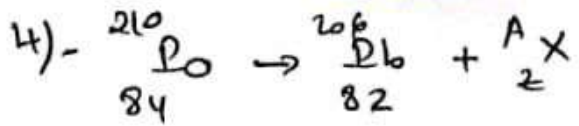
$\Rightarrow \Delta t = 0,16 \text{ s}$

2-) la distance parcourue:

$d = 1 \text{ m}$

3)- ma: $v = \frac{d}{\Delta t} = \frac{1}{0,16}$

$\Rightarrow v = 6,25 \text{ m.s}^{-1}$



d'après la loi de Soddy:

$X = 2$ et $A = 4$

donc X est un noyau d'hélium

cad: X: particule α

5) $a(t_1) = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_1}$

$= a_0 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot 3t_{1/2}}$

$= a_0 \cdot e^{-3 \ln 2}$

$\Rightarrow \frac{a(t_1)}{a_0} = e^{-3 \ln 2} = e^{-\ln 2^3}$

$= \frac{1}{e^{\ln 8}} = \frac{1}{8}$

Exercice 3

I- étude de la charge:

1-) ma $u_R + u_C = \mathcal{E}$

or, d'après la loi d'ohm

ma: $u_R = R \cdot i$ et $u_C = \frac{q}{C}$

et $i = \frac{dq}{dt}$

donc: $R \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = \mathcal{E}$

alors: $R \cdot C \cdot \frac{dq}{dt} + q = C \cdot \mathcal{E}$

2)- ma: $q(t) = A \cdot (1 - e^{-\alpha t})$

donc: $\frac{dq}{dt} = A \cdot \frac{d(1 - e^{-\alpha t})}{dt}$

$= A \cdot \alpha \cdot e^{-\alpha t}$

on remplace dans l'équation diff.

$$R.C. \frac{dq}{dt} + q = C.E \Rightarrow$$

$$R.C. A. \alpha. e^{-\alpha t} + A(1 - e^{-\alpha t}) = C.E$$

$$\Rightarrow R.C.A. \alpha. e^{-\alpha t} + A. - A.e^{-\alpha t} = C.E$$

$$\Rightarrow (R.C. \alpha - 1). A. e^{-\alpha t} = C.E - A$$

Cette équation n'est vérifiée $\forall t$

que si :

$$\begin{cases} (R.C. \alpha - 1). A = 0 \\ \text{et } C.E - A = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow A = C.E \text{ et } \alpha = \frac{1}{R.C}$$

3-1) - $Q = q_{\max} = 100 \mu C$

3-2) - $\tau = 1 \text{ ms}$

4) en régime permanent : $q = Q = cte$

$$\Rightarrow \frac{dq}{dt} = 0$$

on remplace dans l'éq diff :

$$Q = C.E$$

$$\Rightarrow C = \frac{Q}{E}$$

AN. $C = \frac{100.10^{-6}}{10} \Rightarrow C = 10 \mu F$

5) - $\tau = R.C \Rightarrow R = \frac{\tau}{C}$

AN: $R = \frac{1.10^{-3}}{10.10^{-6}}$

$$\Rightarrow R = 100 \Omega$$

II - Étude des oscillations dans (LC)

1) d'après la loi d'additivité des tensions : $u_L + u_C = 0$

$$\text{et : } u_L = L. \frac{di}{dt} = L.C. \frac{d^2 u_C}{dt^2}$$

donc : $L.C. \frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0$

$$\Rightarrow \frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{L.C} u_C = 0$$

2-1) - la courbe (a).

(car le régime est périodique dans un circuit idéal LC pour la courbe (b) : $u_C(t=0) \neq 0$)

2-2) - $T_0 = 20 \text{ ms}$

3) on a : $T_0 = 2\pi \sqrt{LC}$

$$\Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

AN: $L = 1 \text{ H}$

4-1) - $E_T = E_e + E_m = cte$

donc : $E_T = E_e(t=0) + E_m(t=0)$
 $= \frac{1}{2} . C E^2 + 0$

AN: $E_T = 5.10^{-4} \text{ J}$

4-2) $E_m = E_T - E_e$
 $\Rightarrow E_m = E_T - \frac{1}{2} C u_C^2$

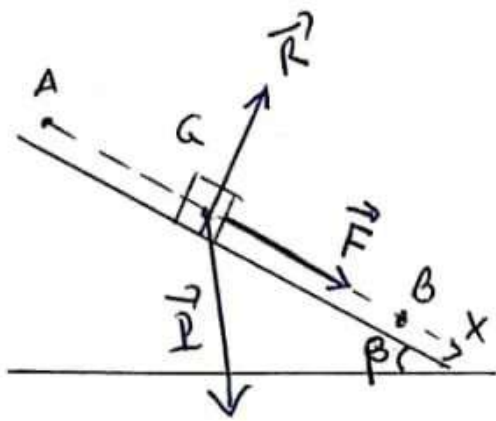
AN: $E_m = 5.10^{-4} - \frac{1}{2} . 10^{-5} . (-3)^2$

$$\Rightarrow E_m = 1,8.10^{-4} \text{ J}$$

Exercice 4

Partie 1

1) -



le système est soumis à 3 forces: - le poids
- la réaction du plan
- la force motrice \vec{F}

d'après la 2^{ème} loi de Newton:

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m \cdot \vec{a}_a$$

la projection sur l'axe (Ax):

$$\Rightarrow P_x + R_x + F_x = m \cdot a_x$$

$$\Rightarrow m \cdot g \cdot \sin \beta + F = m \cdot a_a$$

$$\Rightarrow a_a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \beta$$

2) la courbe $v_a = f(t)$ est une fonction linéaire: $v_a = k \cdot t$

$$\text{avec: } a_a = k = \frac{\Delta v_a}{\Delta t} = 4,17$$

$$\text{donc: } a_a = 4,17 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

3) d'après le résultat de la question (1)

$$m \cdot g \cdot \sin \beta + F = m \cdot a_a$$

$$\text{donc: } F = m \cdot (a_a - g \cdot \sin \beta)$$

$$\text{A.N.: } F = 526,07 \text{ N}$$

4) - $a_a = \text{cte}$ donc le M^{ch} est R.U.V. donc

$$x(t) = \frac{1}{2} a_a t^2 + v_0 \cdot t + x_0$$

$$\text{avec: } \begin{cases} a_a = 4,17 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \\ v_0 = 0 \\ x_0 = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x(t) = 2,27 \cdot t^2$$

5) - ma:

$$x(t_B) = 2,27 \cdot t_B^2$$

$$\Rightarrow AB = 2,27 \cdot t_B^2$$

$$\Rightarrow t_B = \sqrt{\frac{AB}{2,27}}$$

$$\text{A.N.: } t_B = 4 \text{ s}$$

$$\begin{aligned} 6) - v_B &= 4,17 \cdot t_B \\ &= 4,17 \times 4 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow v_B = 18 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

partie 2

1) d'après la 2^{ème} loi:

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_a \Rightarrow \vec{g} = \vec{a}_a$$

projection:

$$\text{sur } OX: a_x = 0$$

$$\text{sur } OY: a_y = 0$$

$$\text{or: } a_x = \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{d^2x}{dt^2}$$

$$\text{et } a_y = \frac{d^2y}{dt^2} = \frac{d^2y}{dt^2}$$

on conclut les 2 equations
diff suivantes:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = 0$$

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -g$$

$$2) \text{ ma: } v_x = \frac{dx}{dt} \text{ et } v_y = \frac{dy}{dt}$$

$$\Rightarrow x(t) = 19,02 \cdot t \Rightarrow v_x = 19,02$$

$$\left\{ \begin{array}{l} y(t) = -5t^2 + 6,18t \Rightarrow v_y = -10t + 6,18 \end{array} \right.$$

au point c: $t=0$

$$\text{donc: } \vec{v}_c \begin{cases} v_x = 19,02 \\ v_y = 0 + 6,18 \end{cases}$$

on conclut que:

$$v_c = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \\ = \sqrt{(19,02)^2 + (6,18)^2}$$

$$\Rightarrow v_c = 20 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$3) - \text{ ma: } y_p = 0 \quad (5)$$

$$y_p = -5t_p^2 + 6,18t_p = 0$$

$$\Rightarrow -5t_p + 6,18 = 0$$

$$\Rightarrow t_p = 1,236 \text{ s}$$

$$\text{d'autre part: } x_p = 19,02t_p$$

$$\Rightarrow x_p = 19,02 \times 1,236 \\ = 23,51 \text{ m}$$

$$x_p = 23,51 \text{ m} < 30 \text{ m}$$

\Rightarrow le saut n'est pas réussi